

P41 2.89 Virasoro 代数と、Weyl 変換対称性

(2.85) の対称性を保つ無限小推進

$$V_m \equiv e^{im\sigma^+} \frac{\partial}{\partial\sigma^+} + e^{im\sigma^-} \frac{\partial}{\partial\sigma^-}$$

が、Virasoro algebra と同じ代数的性質を持つ

$$\begin{aligned} V_m &\equiv e^{im\sigma^+} \frac{\partial}{\partial\sigma^+} + e^{im\sigma^-} \frac{\partial}{\partial\sigma^-} \\ i[e^{im\sigma^+} \frac{\partial}{\partial\sigma^+}, e^{in\sigma^+} \frac{\partial}{\partial\sigma^+}] &= (m-n)e^{i(m+n)\sigma^+} \frac{\partial}{\partial\sigma^+} \\ \therefore i[V_m, V_n] &= (m-n)V_{m+n} \\ [iV_m, iV_n]_{P.B.} &\Rightarrow i[iV_m, iV_n] = i(m-n)iV_{m+n} \\ iV_m &\approx L_m \end{aligned}$$

... i 倍ズレている ...